

9) วิธีทำ โจทย์กำหนดให้ $\begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix}$ ตั้งฉากกับ $\begin{bmatrix} -8 \\ a \end{bmatrix}$ แสดงว่า $(\vec{i} + 4\vec{j}) \cdot (-8\vec{i} + a\vec{j}) = 0$

$$(1)(-8) + (4)(a) = 0 \quad \Rightarrow \quad a = 2$$

โจทย์กำหนดให้ $\begin{bmatrix} 5 \\ 3 \end{bmatrix} = b\begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix} + c\begin{bmatrix} -8 \\ a \end{bmatrix}$

แทนค่า $a = 2$; $\begin{bmatrix} 5 \\ 3 \end{bmatrix} = b\begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix} + c\begin{bmatrix} -8 \\ 2 \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b \\ 4b \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -8c \\ 2c \end{bmatrix}$$

เราจะได้สมการ คือ
$$\begin{aligned} b - 8c &= 5 && \dots \text{สมการ (1)} \\ 4b + 2c &= 3 && \dots \text{สมการ (2)} \end{aligned}$$

นำสมการ $4 \times (1) - (2)$;
$$\begin{aligned} -32c - 2c &= 20 - 3 \\ -34c &= 17 \\ c &= -0.5 \end{aligned}$$

แทนค่า $c = -0.5$ ลงใน (2) ;
$$\begin{aligned} 4b + 2(-0.5) &= 3 \\ 4b &= 4 \\ b &= 1 \end{aligned}$$

โจทย์ต้องการถ้า θ เป็นมุมระหว่างเวกเตอร์ $\begin{bmatrix} a \\ 0 \end{bmatrix}$ และ $\begin{bmatrix} b \\ c \end{bmatrix}$ แล้ว $\cos^2 \theta$ เท่ากับเท่าใด

จากนิยามผลคูณเชิงสเกลาร์ ; $\vec{u} \cdot \vec{v} = |\vec{u}||\vec{v}| \cos \theta$

$$\begin{bmatrix} a \\ 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} b \\ c \end{bmatrix} = \sqrt{(a)^2 + (0)^2} \cdot \sqrt{(b)^2 + (c)^2} \cos \theta$$

แทนค่า $a = 2$, $b = 1$ และ $c = -0.5$;

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ -0.5 \end{bmatrix} = \sqrt{(2)^2} \cdot \sqrt{(1)^2 + (-0.5)^2} \cos \theta$$

$$(2)(1) + (0)(-0.5) = 2 \cdot \sqrt{1.25} \cos \theta$$

$$\cancel{2} = \cancel{2} \sqrt{\frac{5}{4}} \cos \theta$$

$$\cos \theta = \sqrt{\frac{4}{5}}$$

$$\cos^2 \theta = \frac{4}{5} = 0.8$$